Abel Rosato e Kumiko K.Sakane

CTA - iEAV -NT -- 006 / 82





NOTA TÉCNICA IE Av/ NT - 006/82 15 JUN 82

COMPORTAMENTO DO MÉTODO CELULAR VARIACIONAL COM RESPEITO A VARIAÇÕES DE CERTOS PARÂMETROS DE ENTRADA - APLICAÇÃO AO CASO DA MOLÉCULA LiH.

Abel Rosato

е

Kumiko K.Sakane

CTA - iEAV -NT -- 006 /82

Centro Técnico Aeroespacial Instituto de Estudos Avançados Rodovia dos Tamoios, Km 5,5 12.200-São José dos Campos-SP Brasil

COMPORTAMENTO DO MÉTODO CELULAR VARIACIONAL COM RESFEITO A VARIAÇÕES DE CERTOS PARÂMETROS DE ENTRADA - APLICAÇÃO AO CASO DA MOLÉCULA LiH.

Abel Rosato e Kumiko K.Sakane

ABSTRACT

The behavior of the Variational Cellular Method with respect to the Variation of some input parameters is analyzed. The molecules LiH and HF are tahen as example in all cases.

RESUMO

C Convortamento do Método Celular Variacional com relação à V<u>a</u> riação de algost. Parâmetros de Entrada é analisado. As moléculas LiH e HF são tomadas como exemplo em todos os casos.

1. INTRODUÇÃO

Tendo já analisado de uma forma intensa o desempenho do Método Celular Variacional na determinação das curvas de potencial para moléc<u>u</u> las diatômicas homonucleares, tais como $F_2^{(1)}$, $\operatorname{Ne}_2^{(2)}$ $\operatorname{Cl}_2^{(3)}$, surgiu o int<u>e</u> resse em verificar as vantagens e limitações do método quando aplicado à moléculas diatômicas heteronucleares. A molécula escolhida como base p<u>a</u> ra o estudo foi a molécula de hidreto de lítio, LiH, porque além de ser uma molécula pequena, quatro elétrons somente, atualmente esta molécula desperta muito interesse aos pesquisadores em Física Atômica e Molecular e possui dados experimentais e teóricos abundantes na literatura⁽⁴⁾⁻⁽⁶⁾

2. DADOS RELACIONADOS COM A MOLÉCULA DO LIH

Os principais dados encontrados na literatura relacionados com a estrutura eletrônica da molécula do hidreto de lítio são:

- o estado fundamental desta molécula é o estado ${}^{1}\Sigma^{+}$ que corresponde à configuração eletrônica $(1s\sigma)^{2}(2s\sigma)^{2}$. O primeiro estado excitado é o estado ${}^{1}\Sigma^{+}$ proveniente da configuração <u>e</u>letrônica $(1s\sigma)^{2}(2s\sigma)$ $(2p\sigma)^{(7)}$
- a energia de dissociação, ou energia de ligação $D_0 \in igual$ a 2.5 eV ou 56.895[±] 0,001 kcəl/_{mol}⁽⁸⁾
- a distância internuclear R_e , ou a distância entre os núcleos na posição de equilíbrio, é igual a 3.0156 u.a. ou 1.5953 Å
- a frequência vibracional ω_e do estado fundamental é igual a 1405.649 cm⁻¹ e a do primeiro estado excitado é de 234.413 cm⁻¹ (8)
- o momento do dipolo elétrico em função da distância intera tômica para o estado fundamental e o primeiro estado excita

do apresenta o comportamento mostrado na Fig.1.



FIGURA I

- quando as dimensões dos átomos que constituem a molécula, t<u>e</u> mos que o raio do H⁻ é de 2.08 Å e o raio do Li⁺ é de 0.60 Å.⁽⁹⁾ O raio covalente do hidrogênio é em média igual a 0.30 Å, enquanto que o raio covalente do Litio é dado por 1.45 Å⁽¹⁰⁾
- o valor da constante α na aproximação X α foi obtido por Schwarz⁽¹¹⁾ tanto para o hidrogêncio quanto para o Lítio e v<u>a</u> lem $\alpha_{\rm H} \approx 0.97804$ e $\alpha_{\rm Li} \approx 0.7815$, respectivamente. Na célula externa a constante α foi considerada como a média de $\alpha_{\rm H}$ com $\alpha_{\rm Li}$.
- para representar o estado molecular 1σ proveniente do estado eletrônico la do átomo de lítio, foram usadas duas bases di<u>s</u>

tintas. A primeira base consistia de funções $R_{n1}^{\epsilon_0} Y_{1m}(\hat{r})$ com $\ell = 0,1,2$, isto é, $\ell_{max} = 3$, em cada uma das células. A outra base continha mais funções, ou seja, $\ell = 0,1,2,3$ ou $\ell_{mx} = 4$ em cada uma das três células. O estado proveniente do estado 2s do lítio e do estado 1s do hidrogênio não mostrou qualquer alteração sensível quando se passava da base menor para a b<u>a</u> se maior, consequentemente optou-se pela base menor para r<u>e</u> presentar este estado, a fim de economizar tempo de comput<u>a</u> ção.

2. RESULTADOS OBTIDOS

A. Variação da energía total e da densidade de carga com respei to a posição do plano separador das células 1 e 2.

Enquanto que para o caso de moléculas diatômicas homonuclea res o plano que separa as celulas 1 e 2 fica localizado na posição média entre estas células, já no caso de moléculas diatômcias heteronucleares tal localização não é bem defini da. Para uma dada distância interatômica R_e, quanto mais pr<u>ó</u> ximo o plano estiver do átomo da cela l menor será o raio deste átomo (e por conseguinte maior será o raio do átomo 2) quando a molécula for formada. Como sempre, persiste a dúvi da relacionada com as dimensões dos átomos constituintes da molécula quando a molécula está formada, o que faz com que a posição do plano separador das celulas permaneça indefinida. No caso da molécula do hidreto de lítio, tal indefinição po deria ser levantada se fosse possível saber com precisão 0 tipo de ligação responsável pela estabilidade da molécula.Se a lígação fosse essencialmente ionica, teríamos uma molécula do tipo Li⁺H⁻, e nestas condições seria bastante justifica vel usar como raio dos átomos os raios iônicos do H e do Li⁺. Se por outro lado a ligação fosse covalente, e não hou

vesse transferência de carga de um átomo para outro na forma ção da molécula, então os raios a serem usados seriam os raios covalentes. Em qualquer um destes casos extremos a localização do plano separador, isto é, as distâncias a_1 e a_2 do plano aos centros dos átomos (conforme figura 2), devem estar na mesma proporção que estão os raios dos átomos. Como em geral a liga ção nem é essencialmente ionica nem essencialmente covalente, mas sempre contém uma componente iônica e uma componente cova lente, então em princípio, os raios dos átomos, ou a proporção q dos raios dos átomos da molécula LiH, pode variar desde q; ate q_c onde $q_i = \frac{r_{Li}^+}{r_{H}} = 0.29$ representa a proporção dos raios para o caso da ligação ser essencialmente iônica, e $q_c = \frac{r_{Li}}{r_u} =$ 4,8 é a mesma proporção no caso da ligação ser essencialmente covalente.



FIGURA 2

Com isto a posição do a posição do plano poderá variar desde $\frac{a}{a_2} = 0.29$ até $\frac{a}{a_2} = 4.8$. Como $a_1 + a_2 = R_e$ onde R_e é a distân cia entre os átomos no equilíbrio, temos que, para $R_e = 3.01 a_0$ e q = 0.29

$$a_1 = \frac{qR}{1+a} = 0.6757 a_0$$

$$a_2 = \frac{R}{1+q} = 2.333 a_0$$

e para q = 4.8 obtém-se a = 2.4864 $a_0 e a_2 = 0.518 a_0$. Ao pa<u>s</u> sar da ligação essencialmente iônica para a ligação <u>es</u> sialmente covalente, o raio do átomo localizado na primeira célula (lítio), passa do valor 0.6757 a_0 para o valor 2.4864 a_0 , enquanto que o valor do raio do outro átomo dim<u>i</u> nui na mesma proporção.

Tabela I mostra a dependência do ponto $R_e^{=3,01} a_0$ da curva de potencial, em função da localização q do plano, enquanto qua a tabela II mostra a mesma dependência do me<u>s</u> mo ponto mas considerando uma base mais satisfatória para representar o estado o proveniente do estado atômico 1s do lítio, base esta consistindo de $l_{max} = 4$ nas três células do problema.

A variável DIFERE que aparece nas Tabelas I e II está ligada à maneira como o Método Celular calcula a ener gia global do sistema, especificamente a energia eletrostá tica. A energia total da molécula, consiste de vários ter mos⁽¹²⁾ sendo um deles a energia eletrostática U. A energia eletrostática U é dada pela expressão

$$\mathbf{V} = \frac{1}{2} \int_{\Omega} (\vec{\mathbf{r}}') \mathbf{V} (\vec{\mathbf{r}}') d\vec{\mathbf{r}}'$$

quando o potencial $V(\vec{r})$ satisfaz a equação de Poisson. No Mét<u>o</u> do Celular o potencia V é ajustado para facilitar a solução da equação de Schrodinger nas células. Com isto, se obtém que

$$\frac{1}{2}\int \rho \ Vdr - U - DIFERE.$$

e consequentemente poder-se-à acrescentar a energia global a quantidade DIFERE.

Nas Tabelas IIIa e IIIb aparece a dependência da densi dade de probabilidade nas três esferas inscritas e nas três células do problema, em função da posição do plano separador. Esta densidade de probabilidade correspondente aos orbitais lo e 2o do LiH, quando multiplicada pela ocupação do orbital, que no caso é de dois elétrons para o orbital lo e de igual número para o orbital 2o, nos dá a densidade de carga nas es feras inscritas e nas células

TABELA I

Valores da curva de potencial no ponto $R_e = 3,01 a_0$ em função da posição do plano separador, tomando como base para expansão funções harmônicas de momento angular desde $\ell = 0$ até $\ell_{max} = 3$, nas três células do problema, considerando $\delta^2 = (2a_1)(2a_2)$.

| $q = \frac{a_1}{a_2}$ | Energia (Ry) | Energia+Difere (Ry) |
|-----------------------|-----------------|------------------------|
| 0,4 | -16,68684 | -16,61720 |
| 0,7 | -16,31291 | -16,33024 |
| 1,0 | -16,19547 | -16,22512 |
| 1,3 | -16,16345 | -16,17711 |
| 1,5 | -16,13302 | -16,15507 |
| 1,7 | -16,12583 | -16,16357 |
| 2,0 | -16,12915 | -16,19109 |
| 2,3 | -16,17263 | -16,24032 |
| 2,6 | -16,22663 | -16,29310 |
| 2,9 | -16,29627 | -16,35674 |
| | | |

TABELA II

Valores da curva de potencial no ponto $R_e = 3,01 a_0$ em função da posição do plano separador, tomando como base para expansão funções harm<u>ô</u> nicas de momento angular desde $\ell = 0$ até $\ell_{max} = 4$, nas três células do pr<u>o</u> blema e considerando $\rho^2 = (2a_1)(2a_2)$.

| $q = \frac{a}{\frac{1}{a_2}}$ | Energia (Ry) | Energia+Difere (Ry) |
|-------------------------------|-----------------|------------------------|
| 0,4 | -16,56896 | -16,55529 |
| 1,0 | -16,25085 | -16,23861 |
| 1,5 | -16,13428 | -16,11903 |
| 2,0 | -16,05150 | -16,03431 |
| 2,5 | -15,98926 | -15,97125 |
| 3,0 | -15,94945 | -15,93174 |
| 3,5 | -15,93629 | -15,91993 |
| 4,0 | -15,94996 | -15,93553 |
| | | |

TABELA IIIa

Dependência da densidade de carga nas diversas regiões do problema em função da posição do plano separador. A distância interatômica é $R_e^{=23,01 a_0}$ $\alpha_3 = 0,7789$ e $\rho = 2\sqrt{a_1 \cdot a_2}$. Orbital 1 σ

| q | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 |
|-----|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0,4 | 0,82125 | 0,97414 | 0,00184 | 0,00596 | 0,01988 | 0,01988 |
| 0,7 | 0,94849 | 0,99229 | 0,00035 | 0,00149 | 0,00622 | 0,00622 |
| 1,0 | 0,97940 | 0,99674 | 0,00011 | 0,00050 | 0,00276 | 0,00276 |
| 1,3 | 0,98972 | 0,99827 | 0,00004 | 0,00026 | 0,00151 | 0,00151 |
| 1,5 | 0,99321 | 0,99880 | 0,00003 | 0,00014 | 0,00106 | 0,00106 |
| 1.7 | 0,99507 | 0,99909 | 0,00002 | 0,00010 | 0,00081 | 0,00081 |
| 2,0 | 0,99665 | 0,99933 | 0,00001 | 0,00008 | 0,00059 | 0,00059 |
| 2,3 | 0,99755 | 0,99947 | 0,00001 | 0,00006 | 0,00046 | 0.00046 |
| 2,6 | 0,99811 | 0,99957 | 0 | 0,00005 | 0,00038 | 0,00038 |
| 2,9 | 0,99848 | 0,99964 | 0 | 0,00004 | 0,00032 | 0,00032 |

TABELA IIIb

Dependência da densidade de carga nas diversas regiões do problema em função da posição do plano separador. A distância interatômica é $R_e = 3,01 a_{2}$, $\alpha_{3} = 0,7789 e_{\rho} = 2\sqrt{a_1 \cdot a_2}$. Orbital 2σ

| q | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 |
|-----|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0,4 | 0,00341 | 0,01149 | 0,65606 | 0,80415 | 0,18436 | 0,18436 |
| 0,7 | 0,00607 | 0,02997 | 0,55242 | 0,77889 | 0,19113 | 0,19114 |
| 1,0 | 0,01287 | 0,05742 | 0,46762 | 0,73104 | 0,21153 | 0,21153 |
| 1,3 | 0,01829 | 0,05869 | 0,46534 | 0.62847 | 0,31256 | 0,31256 |
| 1,5 | 0,01822 | 0,01822 | 0,51300 | 0,65347 | 0,32831 | 0,32831 |
| 1,7 | 0,02517 | 0,02517 | 0,49622 | 0,69901 | 0,27582 | 0,27584 |
| 2,0 | 0,04605 | 0,04605 | 0,41647 | 0,72501 | 0,22894 | 0,22894 |
| 2,3 | 0,06907 | 0,06907 | 0,36114 | 0,71314 | 0,21779 | 0,21779 |
| 2,6 | 0,09366 | 0,09366 | 0,31748 | 0,69478 | 0,21156 | 0,21150 |
| 2,9 | 0,11867 | 0,11867 | 0,28027 | 0,67336 | 0,20796 | 0,20796 |

B. Dependência da energia global e da densidade de carga do vo lume da região localizada entre a célula e a esfera inscri ta.

Esta região é a região da densidade de carga cons tante, conforme a aproximação utilizada no método celular. O tamanho desta região para cada uma das células 1 e 2 está relacionado com o valor de p na Fig. 2. Esta região terá seu máximo valor quando p for tal que os pontos P e P' es tiverem localizados sobre a esfera externa 3. Isto acontece quando $\rho = \sqrt{(2a_1)(2a_2)}$. À medida que ρ for menor do que este valor as regiões de densidade constante das células l e 2 diminuem, enquanto que a região de densidade constante da célula 3 aumenta. No limite, quando p tender para zero, a célula 1 se reduz a esfera inscrita 1 e a célula 2 se re duz a esfera inscrita 2, enquanto que a região de densidade constante da célula 3, adquire o maior valor possível. A Ta bela IV mostra a variação da energia global da molécula do LiH em função do parâmetro p, para a posição de equilíbrio da molécula ($R_a = 3,01 a_0$). Considerou-se também a variação de p para as diversas posições q do plano separador.

TABELA IV

Dependência da energia global do tamanho da região localizada entre a célula e a esfera inscrita.

| $q = \frac{a_1}{a_2}$ | ۵ (a ₀) | Energia (Ry) | Energia+Difere (Ry) |
|-----------------------|------------------------|-----------------|------------------------|
| 2,9 | 2,3579150 | -16,52894 | -16,59507 |
| 2,9 | 2,0959244 | -16,94059 | -17,01262 |
| 2,9 | 1,0 | -15,79168 | 15,79454 |
| 1,5 | 2,6454489 | -16,19399 | -16,23039 |
| 1,5 | 2,3515101 | -16,33829 | -16,37291 |
| 1,5 | 1,0 | -15,11797 | -15,12396 |
| 0,4 | 2,4394714 | -16,85149 | -16,77329 |
| 0,4 | 2,168419 | -17,09987 | -17,01500 |
| 0,4 | 1,0 | -19,09513 | -18,89060 |

Tabelas Va e Vb contém a variação da densidade de probabilidade para os diversos valores do parâmetro ρ e das diversas posições do plano separador. Os números ao longo de uma linha da Tabela Va, por exemplo, nos indicam como a carga de ocupação do crbital lo(que é de dois el<u>é</u> trons) está distribuída ras três esferas inscritas e nas três células do problema.

TABELA Va

Dependência da densidade de probabilidade do valor do parâmetro ρ p<u>a</u> ra as diversas posições do plano separador Re = 3,01 a e α_3 = 0,7789

| Orbital 10 | | | | | | | | | |
|------------|-----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|--|--|
| q | ρ | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 | | |
| 2,9 | 2,3579150 | 0,99844 | 0,99956 | 0,00001 | 0,00006 | 0,00033 | 0,00038 | | |
| 2,9 | 2,0959244 | 0,99840 | 0,99947 | 0,00001 | 0,00007 | 0,00034 | 0,00046 | | |
| 2,9 | 1,0 | 0,99829 | 0,99884 | 0,00001 | 0,00002 | 0,00035 | 0,00115 | | |
| | | | | | | | | | |
| 1,5 | 2,6454489 | 0,99308 | 0,99855 | 0,0005 | 0,00023 | 0,00107 | 0,00122 | | |
| 1,5 | 2,3515101 | 0,99306 | 0,99824 | 0,0009 | 0,00035 | 0,00106 | 0,00142 | | |
| 1,5 | 1,0 | 0,99508 | 0,99812 | 0,0032 | 0,00053 | 0,00099 | 0,00136 | | |
| | | | | | | | | | |
| 0,4 | 2,4394714 | 0,81859 | 0,97230 | 0,00280 | 0,00794 | 0,01975 | 0,01975 | | |
| 0,4 | 2,1684190 | 0,81719 | 0,97162 | 0,00392 | 0,00975 | 0,01863 | 0,01863 | | |
| 0,4 | 1,0 | 0,86088 | 0,98222 | 0,00410 | 0,00563 | 0,01216 | 0,01216 | | |

TABELA Vb

Dependência da densidade de probabilidade do valor do parâmetro ρ para as diversas posições do plano separador.

| Orbital 20 | | | | | | | | | |
|------------|-----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|--|--|
| q | ρ | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 | | |
| 2,9 | 2,3579150 | 0,14215 | 0,14215 | 0,30739 | 0,67896 | 0,17889 | 0,17889 | | |
| 2,9 | 2,0959244 | 0,17451 | 0,17451 | 0,34330 | 0,68905 | 0,13644 | 0,13644 | | |
| 2,9 | 1,0 | 0,23654 | 0,24621 | 0,00003 | 0,00003 | 0,69174 | 0,75376 | | |
| | | | | | | | | | |
| 1,5 | 2,6454489 | 0,02663 | 0,03208 | 0,51508 | 0,72429 | 0,24364 | 0,24364 | | |
| 1,5 | 2,3515101 | 0,03673 | 0,03673 | 0,74970 | 0,55801 | 0,21357 | 0,21357 | | |
| 1,5 | 1,0 | 0,12724 | 0,13977 | 0,00011 | 0,00011 | 0,77230 | 0,86012 | | |
| | | | | | | | | | |
| 0,4 | 2,4394714 | 0,00357 | 0,01155 | 0,65935 | 0,78605 | 0,18413 | 0,20241 | | |
| 0,4 | 2,1684190 | 0,00367 | 0,01223 | 0,66112 | 0,76580 | 0,18474 | 0,22197 | | |
| 0,4 | 1,0 | 0,00109 | 0,00303 | 0,59105 | 0,59105 | 0,40592 | 0,40592 | | |

C. <u>Dependência da energia global, e da densidade de carga do</u> valor do parâmetro do exchange α_1 <u>da célula xterna</u>.

A energia de interação do exchange é uma energia natureza puramente coulombiana, oriunda da correlação <u>e</u> letrônica devido a antissimetria da função de onda dos elétrons.Esta energia evidentemente é uma parcela da ene<u>r</u> gia global da molécula, e na aproximação Xα, está ligada a densidade de carga local pela expressão,

$$E_{\mathbf{x}} = -\frac{4\beta}{3} \quad \sum_{\mathbf{i}} \alpha_{\mathbf{i}} \int_{\Omega_{\mathbf{i}}}^{4/3} (\vec{\mathbf{r}}) d\vec{\mathbf{r}}$$

onde i indica a célula, β é uma constante numérica, $n(\tilde{\tau})a$ densidade de carga, Ω_i o volume da célula i, e α_i é o p<u>a</u> râmetro de exchange. Para as células l e 2, que envolvem os átomos l e 2 da molécula diatômica, não há problema a<u>l</u> gum em especificar os valores correspondentes dos $\alpha_1 e \alpha_2$. São os valores de α obtidos para os átomos l e 2 por Schwhwarz ⁽¹¹⁾. Para a célula 3 entretanto, que não ci<u>r</u> cunda nenhum átomo especificamente, e que somente existe para facilitar as condições de contorno do problema, o v<u>a</u> lor correspondente de α , denominado de α_3 , se torna amb<u>i</u> guo. É costume tomar-se para α_3 o valor médio entre os v<u>a</u> lore $\alpha_1 e \alpha_2$. Entretanto, se α_3 não tomar este valor mé dio, mas variar desde $\alpha = \frac{2}{3}$ até $\alpha = 1$, as corresponden tes alterações na energia global e nas densidades de ca<u>r</u> ga são mostradas nas tabelas VI e VIIa e VIIb

TABELA "I

Dependência da energia global do parâmetro α_3 do exchange. A distân cia interatômica é R = 3,01 a₀ e $\rho = \sqrt{2a_1 \cdot 2a_2}$. As diversas posições q do pla no separador estão listados na Tabela.

| α3 | q | energia global (Ry) | Energia global+DIFERE (Ry) |
|--------|-----|------------------------|-------------------------------|
| 0,7789 | 2,9 | -16,29627 | -16,35674 |
| 0,8 | 2,9 | -16,29997 | -16,36127 |
| 0,9 | 2,9 | -16,31734 | -16,37581 |
| 1,0 | 2,9 | -16,33529 | -16,39202 |
| 0,7789 | 1,5 | -16,13302 | -16,15507 |
| 0,9 | 1,5 | -16,14806 | -16,17294 |
| 0,7789 | 0,4 | -16,68684 | -16,61720 |
| 0,9 | 0,4 | -16,69844 | -16,62870 |
| 1,0 | 0,4 | -16,70928 | -16,63944 |

TABELA VIIa

Dependência de α_3 da densidade de carga tanto nas esferas inscritas quanto nas células, devido ao orbital lo. A distância interatômica é R = 3,01 a_c e $\rho = 2 \sqrt{a_1 \cdot a_2}$.

| a ³ | q | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 |
|----------------|-----|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0,7 | 2,9 | 0,99848 | 0,99964 | 0,00006 | 0,00004 | 0,00032 | 0,00032 |
| 0,7789 | 2,9 | 0,99848 | 0,99964 | 0,00000 | 0,00004 | 0,00032 | 0,00032 |
| 0,8 | 2,9 | 0,99848 | 0,99964 | 0,000006 | 0,00004 | 0,00032 | 0,00032 |
| 0,9 | 2,9 | 0,99847 | 0,99963 | 0,000006 | 0,00004 | 0,00032 | 0,00032 |
| 1,0 | 2,9 | 0,99847 | 0,99963 | 0,000006 | 0,00004 | 0,00032 | 0,00033 |
| | | | | | | | |
| 0,7789 | 1,5 | 0,99321 | 0,99880 | 0,00003 | 0,00014 | 0,00106 | 0,00106 |
| 0,9 | 1,5 | 0,99318 | 0,99879 | 0,00003 | 0,00014 | 0,00108 | 0,00108 |
| | | | | | | | |
| 0,7789 | 0,4 | 0,82125 | 0,97414 | 0,00184 | 0,00598 | 0,01988 | 0,01988 |
| 0,9 | 0,4 | 0,82095 | 0,97392 | 0,00184 | 0,00596 | 0,02011 | 0,02011 |
| 1,0 | 0,4 | 0,82067 | 0,97373 | 0,00183 | 0,00595 | 0,02032 | 0,02031 |

TABELA VIIb

Dependência de a_3 da densidade de carga, tanto nas esferas inscritas quanto nas células devido ao orbital 2 σ . A distância interatômica é R = 3,01 a_{σ} e $\rho = 2\sqrt{a_1}$. a_2 .

| α 3 | q | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 |
|--------|-----|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0,7 | 2,9 | 0,11970 | 0,11970 | 0,28178 | 0,67615 | 0,20415 | 0,20415 |
| 0,7789 | 2,9 | 0,11867 | 0,11867 | 0,28027 | 0,67336 | 0,20796 | 0,20796 |
| 0,8 | 2,9 | 0,11808 | 0,11808 | 0,27975 | 0,67265 | 0,20927 | 0,20927 |
| 0,9 | 2,9 | 0,11643 | 0,11643 | 0,27763 | 0,66895 | 0,21462 | 0,21462 |
| 1,0 | 2,9 | 0,11473 | 0,11473 | 0,27542 | 0,66507 | 0,22020 | 0,22020 |
| | | | | | | | |
| 0,7789 | 1,5 | 0,01822 | 0,01822 | 0,51300 | 0,65347 | 0,32831 | 0,32831 |
| 0,9 | 1,5 | 0,01865 | 0,01865 | 0,50146 | 0,65829 | 0,32306 | 0,32306 |
| | | | | | | | |
| 0,7789 | 0,4 | 0,00341 | 0,01149 | 0,65606 | 0,80415 | 0,18436 | 0,18436 |
| 0,9 | 0,4 | 0,00335 | 0,01143 | 0,64871 | 0,79659 | 0,19199 | 0,19199 |
| 1,0 | 0,4 | 0,00330 | 0,01137 | 0,64215 | 0,78988 | 0,19875 | 0,19875 |

D. Dependência da energia global e da densidade de probabili dade da forma da densidade de carga assumida para a região entre as células e as esferas inscritas.

O método celular assume uma densidade de carga es fericamente simétrica dentro das esferas inscritas da Fig. 2. A carga localizada entre cada célula e sua esfera ins crita correspondente rão é tomada como sendo esfericamen te simétrica, mas como sendo constante. Há duas possibili dades quanto ao valor desta constante: a) quando a variá vel MUFTIN é diferente de zero, então a densidade de car ga nesta região, nas três células, é a mesma e dada por

$$\rho_{i} = \frac{\sum_{j=Q_{j}}^{Z} Q_{j}}{\sum_{j=Q_{j}}^{Z} Q_{j}}$$
 (i = 1,2,3)

onde Q_j é a carga entre a célula j e sua esfera inscrita e Ω_j é o volume desta região; b) quando a variável MUFTIN é nula, ou está em branco no cartão de entrada, então a densidade de carga na região entre a célula 1 e a esfera inscrita 1 é dada por ρ_1 , a mesma quantidade para a r<u>e</u> gião idêntica da célula 2 é ρ_2 , esta mesma quantidade p<u>a</u> ra a região 3 é ρ_3 onde

$$\rho_{i} = \frac{Q_{i}}{\Omega_{i}}$$
 (i = 1,2,3)

É evidente portanto, que nesta opção a densidade de car ga ρ_i é constante para todos os pontos da célula i, sendo este valor constante diferente de célula para célula.

Tabela VIII mostra a variação da energia global da molécula com respeito ao tipo de densidade de carga as sumida na região entre a célula e a esfera inscrita, en quanto que Tabela IX mostra a dependência da densidade de carga já convergida desta mesma variável.

TABELA VIII

Dependência da energia global da molécula do tipo de densidade de carga assumida na região entre a célula e a esfera inscrita. $R_e = 3,01 a_0$, $\alpha_3 = 0,7789$, $\rho = \sqrt{c_1 c_2} e q = 1,5$. Os dois valores se referem à duas bases <u>u</u> tilizadas nas Tabelas I e II.

| MUFTIN | Energia (Ry) | Energia+DIFERE (Ry) | _ |
|--------|-----------------|------------------------|---|
| 0 | -16,13302 | -16,15507 | |
| 0 | -16,13428 | -16,11903 | |
| 1 | -16,17552 | -16,16534 | |
| 1 | -16,10548 | -16,13033 | |
| | | | |

TABELA IX

Dependência da densidade de probabilidade do tipo de carga assumida na região entre a célula e a esfera inscrita. $R_e = 3,01 a_0, \alpha_3 = 0,7789$ e $\rho = \sqrt{c_1 c_2}$ e q = 1,5.

| MUFTIN | ORB <u>1</u> TAL | esfera l | célula l | esfera 2 | célula 2 | esfera 3 | célula 3 |
|--------|---------------------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0 | 1 o | 0,99321 | 0,99880 | 0,00003 | 0,00014 | 0,00106 | 0,00106 |
| 1 | 1 σ | 0,99265 | 0,99872 | 0,00003 | 0,00014 | 0,00113 | 0,00113 |
| 0 | 2 o | 0,01822 | 0,01822 | 0,51300 | 0,65347 | 0,32831 | 0,32831 |
| 1 | 2σ | 0,03257 | 0,06953 | 0,43280 | 0,67107 | 0,25941 | 0,25941 |

4. CONCLUSÕES

A localização correta do plano separador dos átomos da molécula diatômica heteronuclear é bastante importante no que diz respeito a deter minação da energia global no ponto de mínimo. Pela Tabela I ou II se nota uma variação sensível na energia global quando q passa do valor 0,4 (caso da ligação essencialmente iônica) para o valor q > 3,0(ligação covalente). Uma variação na energia global da ordem de 0,20 R_y acontece para os valo res de q entre 2,9 e 1,5. Esta diferença em energia é da ordem de 2,7 eV e é aproximadamente igual ao valor da energia de dissociação da molécula, cujo valor é igual a 2,5 eV.

Uma análise mais profunda e criteriosa da dependência de ener gia global com o parâmetro q, exigiria a determinação, para um dado valor de q, da curva de energia para todos os valores da distância interatômica R. Isto, entretanto não foi feito pois envolveria um tempo de computação enorme.

O estudo destas duas Tabelas nos revela também a importância da escolha das bases na determinação da energia global da molécula. Para certos valores de q, a mudança de base implica numa variação sensível na energia, e portanto, antes de dispender um enorme tempo de computação na solução do problema, é importante escolher criteriosamente a base para r<u>e</u> presentação dos orbitais.

Tabela IIIa nos diz que o orbital lo acumula carga na primeira célula e que esta carga praticamente está localizada dentro da esfera in<u>s</u> crita. Estando o átomo de lítio localizado na primeira célula, e sendo o orbital lo proveniente do estado ls do lítio, então este resultado é o resultado esperado. A medida que o valor de q cresce, o volume da prime<u>i</u> ra célula cresce e consequentemente a carga dentro desta célula devcria crescer. No caso isto não acontece de uma maneira significante porque a distribuição de carga do orbital lo é bastante concentrada ao redor da origem da primeira célula e praticamente toda a carga está ao redor de<u>s</u> ta origem.

O orbital 20 distribui a carga praticamente na célula 2 e cél<u>u</u> la 3 com predominância para a célula 2. Este orbital é proveniente do o<u>r</u> bital 1s do hidrogênio e 2s do litio e a carga correspondente na célula 2 não está em sua maioria dentro da esfera inscrita 2, conforme se vê da Tabela IIIb.

A dependência da energia e ⁴a densidade de carga do parâmetro ρ é significante, conforme atestam as Tabelas IV, Va e Vb. Resta ver, como a curva de potencial para todos es pontos de R se comporta com a v<u>a</u> riação de ρ . Somente com estes dados é que se poderá tirar algumas co<u>n</u> clusões mais profundas sobre a influência do parâmetro ρ nos valores da energía. Estudo realizado neste sentido⁽¹³⁾, mostrou que o valor mais conveniente para ρ era aquele dado por $2\sqrt{a_{12}}$, e que corresponde ao c<u>a</u> so de uma esfera única cortada por um plano separador não passando pelo seu centro. Esta geometria nos leva a uma geometria mais simples do que a geometria mostrada na Fig. 2.

Tabela VI nos mostra que a energia global, para uma dada geom<u>e</u> tria do problema, não depende do parâmetro do exchange α_3 da célula 3, e que portanto, ao se tomar como seu valor o valor médio dos parâmetros do exchange dos átomos 1 e 2 não se introduz qualquer erro significativo no problema. O mesmo se pode dizer com respeito às densidades de carga para uma dada geometria, conforme atestam as Tabelas VIIa e VIIb.

Através da Tabela VIII se conclui que o tipo de carga assumi da entre as células e as esferas inscritas influencia mais a encrgia quando os orbitais não são bem representados, isto é, quando a base usada para representar o orbital lo da molécula inclui momentos angulares até $\ell_{max} = 3.0$ que é surpreendente neste caso é a variação que sofre a quan tidade DIFERE quando se passa de MUFTIN = 0 para MUFTIN = 1 especialmente na base $\ell_{max} = 4.$

Uma quantidade importante relacionada com as moléculas diatômi cas heteronucleares e que serve para testar a exatidão dos cálculos e mo delos assumidos é o momento do dipolo elétrico. O momento do dipolo elé trico está essencialmente ligado com a distribuição da carga na molécula, e deve. em princípio, determinar a correta localização do plano separador, assim como a geometria mais conveniente para o problema. Tal é o tipo de problema que deve ser atacado em seguida, ou seja, conhecido o valor expe rimental do momento do dipolo elétrico, determinar as características geométricas do Método Celular, de sorte que o método apresente um valor do momento do dipolo bastante próximo do resultado experimental.

REFERÊNCIAS

- 1 José R.Leite, A.Fazzio, M.A.P.Lima, A.M.Dias, Abel Rosato, E.R.A.Segre, aceito para publicação, Intern. J.Quantum Chemistry.
- 2 A.M.Dias. Tese de Mestrado ITA, Abril 1981.
- 3 Abel Rosato, M.A.P.Lima, submetido à publicação.
- 4 Harry Partridge e Stephen R.Langholf. J.Chem. Phys. 74, 2361, 1981.
- 5 Warren T.Zemke, J.Chem. Phys. 73, 5584, 1980.
- 6 Paul J.Dagdigian. J.Chem. Phys. 73, 2049, 1981.
- 7 G. Herzberg, "Molecular Spectra and Molecular Structure", Van Nostrand Reinhold Cia, 1950, p. 341.
- 8 G.Herzberg. "Molecular Spectra and Molecular Structure", Van Nostrand Reinhold Cia, 1950, p. 541.
- 9 L. Pauling. "The Nature of the Chemical Bond", Cornell University, Press, 1960 3rd edition p. 514.
- 10 Vide Referência 9, pag. 227.
- 11 K.Schwarz, Phys. Rev. 85, 2466 (1972).
- 12 L.G.Ferreira, Manual e Programas S.P. Agosto 1979, Cap. IV:
- 13 Luiz M.Brescansin, J.R.Leite, L.G. Ferreira, J. Chem. Phys. 71, 4923, 1979.