ИНСТИТУТ ФИЗИКИ ВЫСОКИХ ЭНЕРГИЙ

IFUE - ONF -- 20- 138.

ИФВЭ 90-138 0НФ

Р.Н.Краснокутский, Л.Л.Курчанинов, В.В.Тихонов, Н.Н.Федякин, Р.С.Шувалов

ВРЕМЯВАРИАНТНЫЕ ФИЛЬТРЫ

Направлено в Nucl. Instrum. Meth.

Протвино 1990

#### Аннотация

Краснокутский Р.Н. и др. Времявариантные фильтры: Препринт ИФВЭ 90-138. - Протвино, 1990. - 9 с., 5 рис., библиогр.: 9.

Рассмотрены разные типы время- вариантных фильтров и проведено сравнение со времяинвариантными. Показано, что:

I. Стробируемый интегратор при высоких загрузках с точки зрения шума наложений выгоднее пикового детектора.

2. При малых загрузках предпочтительнее использование структуры отбеливатель – двойной интегратор, которая может быть сделана в интегральном исполнении.

Abstract

Krasnokutsky P.N. et al. Time-Variant Filters: IHEP Preprint 90-138. - Protvino, 1990. - p.9, figs. 5, refs.: 9.

Various types of time-variant filters are considered and compared with time-invariant ones. Some conditions to achieve the better signal-to-noise ratio are considered when one uses the gated integrator. It is shown that:

1) at highcounting rates the gated integrator is preferable for a peak detector, as far as noise is concerned;

2) at low counting rates the noise whitening filter-double integrator structure is preferable, it can be realized using monolithic technology.

(С) Институт физики высоких энергий, 1990.

#### BBEJEHME

Противошумовые фильтры с зависящими от времени параметрами (времявариантные фильтры) неоднократно обсуждались в литературе [1-6], но в последние годы публикаций на эту тему не было. Возможно, причина заключается в том, что проведенный ранее анализ не выявил существенных преимуществ времяварианных фильтров перед времяинвариантными ни по отношению сигнал/шум, ни по быстродействию (см. последние обзоры [4-6]).

Строгий анализ, проведенный в [7], показал, что максимально достижимое отношение сигнал/шум для времявариантных фильтров такое же, как и для времяинвариантных.

Ниже рассмотрены некоторые конкретные структуры времявариантных фильтров.

## 1. СТРОБИРУКМЫЙ ИНТЕГРАТОР

Эквивалентная схема для анализа шумов при измерениях стробируемым интегратором показана на рис. 1а. Предполагается, что фильтр F имеет малое входное и большое выходное сопротивления. Необходимо вычислить дисперсию шумового напряжения на конденсаторе C непосредственно после окончания строб-импульса в момент t<sub>2</sub> (рис.1b) Изменение напряжения на конденсаторе описывается стохастическим дифференциальным уравнением

$$C \frac{d U(t)}{d t} = n(t) + 1(t),$$
 (1)

где n(t) – шум; 1(t) – сигнал на выходе фильтра F. Начальное условие  $U(t_1) = 0$ .

1



Рис.I. а) Эквивалентные скемы для анализа шумов стробируемого интегратора. b) Бзаимное расположение сигнала и строб-импульса.

Напряжение на конденсаторе, создаваемое источником сигнала, есть

$$U_{g} = \frac{1}{C} \int_{t_{1}}^{t_{2}} i(t) dt.$$
(2)

Наличие шума приводит к появлению добавочного напряжения:

$$v_{n^{-}} = \frac{1}{c} \int_{t_{1}}^{t_{2}} n(t) dt$$
 (3)

со средним

$$\frac{1}{v_n} \frac{1}{c} \frac{t_2}{t_1} \frac{1}{t_1} \frac{1}$$

и дисперсией

$$D = (\overline{U_n^2}) = \frac{1}{c^2} \int_{-\infty}^{\infty} dt \int_{-\infty}^{\infty} K(t-\tau) d\tau.$$
 (5)

и(t) – автокорреляционная функция на выходе фильтра F.

Известно [8], что при прохождении стационарного случайного процесса через линейный фильтр с импульской характеристикой h(t), исходная автокорреляционная функция K(t) преобразуется:

$$K_{2}(t_{1}', t_{2}') = \int du_{1} \int du_{2} h(u_{1})h(u_{2})K(t_{2}'-t_{1}'-u_{2}+u_{1})$$
(6)  
0 0

Рассмотрим времяинвариантный фильтр с импульсной характеристикой h(t):

$$h(t) = [\theta(t - t_1) - \theta(t - t_2)] / C.$$
 (7)

Тогда дисперсия процесса на его выходе будет определяться как

$$D = K_{2}(t_{1}', t_{2}') = \frac{1}{c^{2}} \int dt \int K(t-\tau) d\tau, \qquad (8)$$

$$| \begin{array}{c} t_{1}'=t_{2}' \\ t_{1}'=t_{2} \end{array}$$

что совпадает с выражением для дисперсии напряжения U<sub>n</sub> на выходе стробируемого интегратора в момент времени t<sub>2</sub>. Для практических вычислений формула (5), однако, не очень удобна, повтому в дальнейшем дисперсия шума будет вычисляться интегрированием произведения спектральных плотностей шума и передаточных характеристик фильтров. При этом стробируемое интегрирование будет экнивалентно прохождению через времяинвариантный фильтр с передаточной характеристикой

$$H(\mathbf{j}\,\omega) = [\exp(-\mathbf{j}\,\omega\,\mathbf{t}_1) - \exp(-\mathbf{j}\,\omega\,\mathbf{t}_2)]/(\mathbf{j}\,\omega\,). \tag{9}$$

Что же касается самого фильтра F, то далее рассмотрим два случая:

## I) простой RC-CR-фильтр с передаточной характеристикой

$$K (j\psi) = \frac{1}{j\omega\tau + 1} \frac{j\omega\tau}{1 \quad j\omega\tau + 1}$$
(10)

где т - постоянная времени фильтра;

2) треугольный фильтр с импульсной характеристикой

$$h(t) = \begin{cases} t/\tau ; 0 \le t \le \tau \\ 2 - t/\tau ; \tau \le t \le 2\tau, \end{cases}$$
(11)

где полная длительность по основанию импульса равна 2т .

Передаточная характеристика такого фильтра

$$K_{1}(j\omega) = \frac{\sin^{2}(\omega \tau/2)}{(\omega \tau/2)^{2}}.$$
 (12)

Будем предполагать, что сигнал детектора – О-функция с площадью, равной заряду электрона. Тогда на выходе фильтра F форма импульса сигнала будет являться результатом свертки 3 функций:

$$i(t) = q \delta(t) * exp(-t/C_d R_p) * h(t).$$
 (13)

Напряжение на зарядной емкости стробируемого интегратора С определяется выражением (2), где 1(1) имеет вид (13).

Дисперсии параллельного и последовательного шумов на выходе стробируемого интегратора есть

$$D_{p} = \frac{1}{C^{2} 2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{1p^{2}} \frac{R_{p}^{2} g_{m}^{2}}{1 + \omega^{2} R_{p}^{2} C_{d}^{2}} |K_{1}(\omega)|^{2} |H(\omega)|^{2} d\omega, \quad (14)$$

$$D_{B} = \frac{1}{C^{2} 2 \kappa} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{1_{B}} |K_{1}(\omega)|^{2} |H(\omega)|^{2} d\omega, \qquad (15)$$

гдө

$$\overline{i_p^2} = 2 \text{ kT/R}_p$$
;  $\overline{i_8^2} = 2 \text{ kT} g_m$ 

ε K<sub>1</sub> (μω) определяются формулами (10), (12) и H(ω) - (9).
 Эквивалентный шумовой заряд вычисляется по следующей формуле:

$$ENC = 2.35 \frac{-\frac{1}{C} \int_{1}^{t_2} 1(t) dt}{(D_B + D_p)^{1/2}} = \frac{const \ U_B}{D^{1/2}}.$$
 (16)

Считая выражение (16) функцией моментов времени t<sub>1,2</sub>, находим необходимое условие экстремума:

$$\frac{\delta \text{ ENC}(t_1, t_2)}{\delta t_1} = \frac{-i(t_1) D^{0.5} - U_B \delta D^{0.5} / \delta t_1}{D} = 0, \quad (17)$$

$$\frac{\delta \text{ ENC}(t_1, t_2)}{\delta t_2} = \frac{+1(t_2) D^{0.5} - U_8 \delta D^{0.5} / \delta t_2}{D} = 0.$$
(18)

Так как дисперсия D является четной функцией разности времени  $t_2 - t_1$ , частые производные функции D<sup>0.5</sup> по аргументам  $t_{1,2}$  имеют равные значения с противоположным знаком. Отоюда очевидно, что необходимым условием совместимости уравнений (17) и (18) является

$$1(t_1) = 1(t_2),$$
 (19)

т.е. Значения сигнала в моменты открывания и закрытия ворот должны быть одинаковы.

Для дальнэйшего удобно ввести безразмерные переменные:

 $\Delta/\tau$ ,  $\tau/\tau_c$ ,  $\delta = \Delta/\tau$ ,

где  $\Delta = \mathbf{t}_2 - \mathbf{t}_1 - длительность разрешающего строба,$ 

 $\tau_c = c_d \left[ R_p / g_m \right]^{0.5}$  - "угловая" постоянная времени.

Из теории оптимальной фильтрации сигнала [6,8] известно, что минимально достижимый эквивалентный шумовой заряд ENC при заданных C<sub>d</sub>, R<sub>p</sub>, g<sub>m</sub> равен

$$ENC^{2}(cusp) = \frac{4 \text{ kT } C_{d}}{[R_{p} g_{m}]^{0.5}}.$$
 (20)

Тогда удобно ввести безразмерный коэффициент превышения шума η:

$$\eta = \frac{\text{ENC}}{\text{ENC}(\text{cusp})}$$
(21)

На рис.2 показаны результаты вычислений поверхности  $\eta(\delta, \tau)$ для треугольного фильтра **Р** с передаточной характеристикой (12). Цифры около кривых – значения ( $\eta$ -1) в процентах. Можно видеть, что: I) поверхность  $\eta(\delta, \tau)$  имеет две долины; 2) минимальное значение  $\eta_{min} = 1.075$  достигается в левой долине при  $\delta = 0$ , т.е. стробируемый интегратор превращается в пиковый детектор; 3) с точки зрения быстродействия, также выгодно работать при  $\delta = 0$ .

Поверхность η(ô, t) для RC-CR-фильтра кзображена на рис.3. Видно, что в отличие от рис.2 поверхность имеет единственный минимум при t/t<sub>c</sub> = 0.5 и ô = 2.5.

5



Рис.2. Зависимость коеффициента превышения шума η-І от времени формировачия импульса  $\tau/\tau_c$  и длительности строб-импульса 8. Цифры около кривых - значения (η-І) в процентах. Противошумовой фильтр имеет треугольную импульсную характеристику (II).



Рис.3. То же, что и на рис.2, но для (RC)-(CR)-фильтра.



Рис.4. Формы сигналов на входе стробируемого интегратора и длительности строб-импульсов (заштрикованные области), при которых коеффициент превышения шума одинаков и равен η=0/2 (e=2,71) для (RC)-(CR)-фильтра (a-e) и треугольного фильтра - (f,g). Значения т и A приведены в единицах т\_.

Puc.4 иллюстрирует, насколько важно выбрать относительную длитөльность BODOT и постоянную фильтра для уменьшения OMNQKN наложений. Во всех случаях КNC одинаков ( $\eta = e/2$ ). Рис.48 - классический RC-CR-фильтр С  $RC = \tau_{\mu}$ И INKOBHM детектором.

Последущие рис.4b-е относятся к RC-CR-фильтрам с разными т и Δ. Легко видеть, что при т/т<sub>с</sub>=0.17 шум наложений минимален. Сравнение рис.41,g показывает, что для треугольного импульса выгоднее использовать пиковый детектор.

При оптимальных т и A разница между треугольным и RC-CR- фильтрами невелика, но последний значительно проце в изготовлении и имеет меньшие габарити.

## 2. БОЛЕЕ СЛОЖНЫЕ ФИЛЬТРЫ

Структурная схема этих фильтров представлена на рис.5. Схема работает следующим образом. В момент времени t=0 ключ SW<sub>1</sub> замыкается, и на выходе  $F_2$  наблюдаются возрастающий с течением времени f(t) и шум с нулевым средним и возрастающей дисперсией. В момент времени  $t_{\rm B}$  ключ SW<sub>1</sub> размыкается, а ключ SW<sub>2</sub> замыкается на бесконечно короткое время, т.е. на выходе измеряется мгновенное значение аддитивной смеси сигнала и шума. После этого по команде "reset" фильтр  $F_2$  возвращается в исходное состояние, разряжаются все реактивные элементы, в которых за время t накопилась энергия.



Рис.5. Структурная скема времявариантного фильтра.

Здесь различные фильтры F<sub>1,2</sub> рассматриваться не будут, результаты расчетов представлены в [9]. Интересно отметить, что импульсная хараетеристика h(t) фильтра F<sub>2</sub> после "отбеливающего" F<sub>1</sub> должна удовлетворять условию

$$h(0) = h(t_n)$$
  $h'(0), h'(t_n) < \infty$ ,

ибо в противном случае дисперсия ш,ма будет бесконечна.

С практической точки зрения интересна структура, когда  $F_1$ отбеливатель шума, а  $F_2$  - двойной интегратор. В этом случае для п может быть получено значение  $\eta_{min} = 1.016$  при  $\tau = 2.1$   $\tau_c$ .

## выводы

1. Стробируемый интегратор при высских загрузках с точки зрения шума наложений выгоднее пикового детектора.

2. При малых загрузках предпочтительнее использование структуры отбеливатель – двойной интегратор, которая может быть сделана в интегральном исполнении.

## Список литературы

- 1. Konrad M. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1968. NS-15. P.268.
- 2. Radeka V. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1968. NS-15. P. 455.
- 3. Goulding F.S. // Nucl. Instrum. Meth. 1972. V. 100. P. 493.
- Goulding F.S. and Landis D.A. // IEEE Trans. Nucl. Sci. 1982. NS-29. P. 1125.
- 5. Gatti E. and Manfredi P.F.//Nucl.Instrum.Meth. 1984.V.226.P.142.
- 6. Gatti E. and Manfredi P.F. // La Rivista del Nuovo Cimento. 1986 V. 9. Ser. 3. P. 3.
- Fedyakin N.N., Krasnokutsky R.N., Kurchaninov L.L., Shuvalov R.S. and Tikhonov V.V. // Nucl. Instrum. Meth. 1990. V.A291. F. 634.
- 8. Tikhonov V.I. Statisticheskaya Radiotehnika (Moscow, 1982).
- Fedyakin N.N., Krasnokutsky R.N., Kurchaninov L.L., Shuvalov R.S., Tikhonov V.V.//Nucl.Instrum.Meth. 1990. V.A292. p.450.

Рукопись поступила 29 августа 1990 г.

Р.Н.Краснокутский и др. Времявариантные фильтры. Редактор М.Л.Фоломешкина. Технический редактор Л.П.Тимкина. Корректор Г.А.Жукова.

Подписано к печати 05.09.90. Формат 60х90/16. Офсетная печать. Печ.л. 0.50. Уч.-изд.л. 0.72. Тираж 260. Заказ 1404. Индекс 3649. Цена II коп.

Институт физики высоких энергий, 142284, Протвино Московской обл.

II коп.

,

· 1

# протвино, 90-138, Ифвэ, 1990